

- 9** 次の図1のように、 $CA = CB$ の二等辺三角形ABCと、 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ となるような $\triangle DEF$ の2つの三角形を厚紙で作ります。

図1

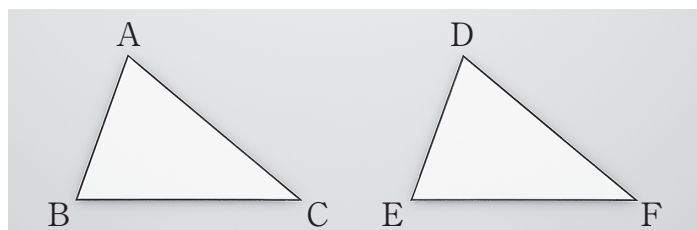
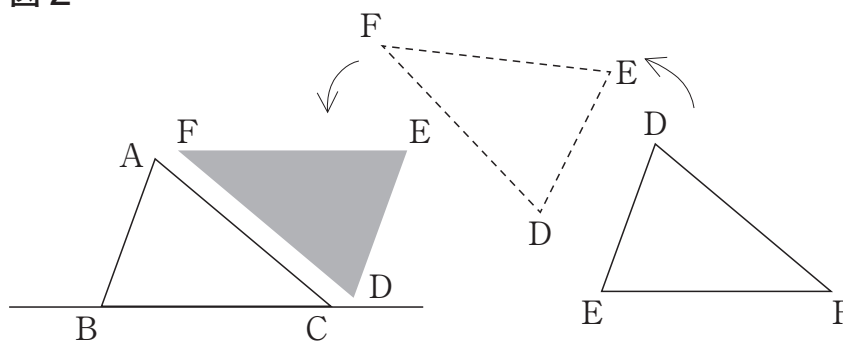


図1の2つの三角形の厚紙を使って、次の方法1と方法2でそれぞれ2つの直線をひきます。

### 方法1

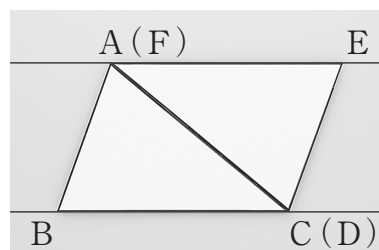
- ①  $\triangle ABC$ を置いて、直線BCをひく。そして、図2のように、 $\triangle DEF$ を回して、点Fを点Aに、点Dを点Cに重ねる。

図2



- ② 図3のように、点Aと点Fが重なった点をAとして、直線AEをひく。また、点Cと点Dが重なった点をCとする。

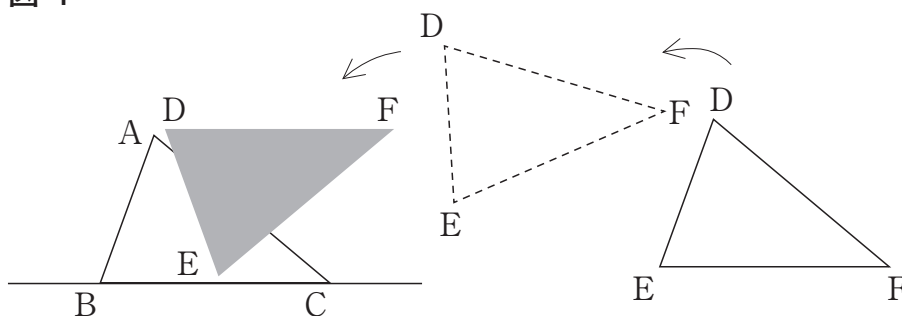
図3



## 方法 2

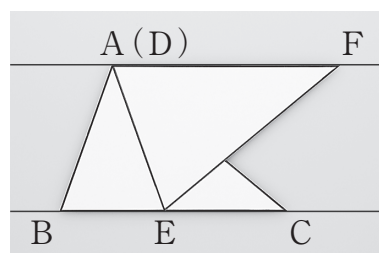
- ①  $\triangle ABC$  を置いて、直線  $BC$  をひく。そして、**図 4** のように、 $\triangle DEF$  を回して、点  $D$  を点  $A$  に、点  $E$  を直線  $BC$  上に置く。ただし、点  $E$  は点  $B$  と重ならないように置く。

**図 4**



- ② **図 5** のように、点  $A$  と点  $D$  が重なった点を  $A$  として、直線  $AF$  をひく。

**図 5**

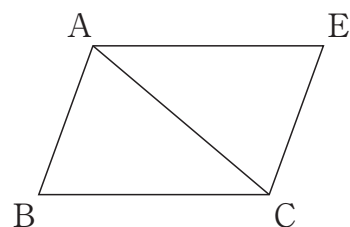


優奈さんは、**方法 1** の直線  $BC$  と直線  $AE$ 、**方法 2** の直線  $BC$  と直線  $AF$  がそれぞれ平行になるのではないかと考え、調べることにしました。

次の(1)、(2)の各問いに答えなさい。

- (1) 優奈さんは、前ページの**方法 1** の直線  $BC$  と直線  $AE$  が平行になるかどうかを調べるために、右の**図 6**をかきました。**図 6** の  $\triangle ABC$  と  $\triangle CEA$  は、それぞれ  $CA = CB$ 、 $AC = AE$  で、 $\triangle ABC \equiv \triangle CEA$  です。

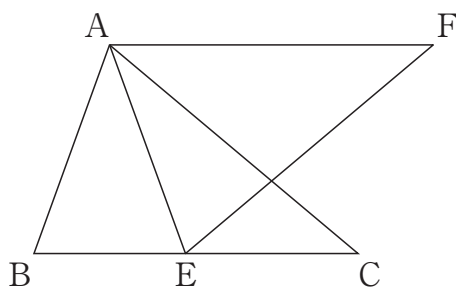
**図 6**



**図 6** において、 $BC \parallel AE$  であることは、すでにわかっている  $\triangle ABC \equiv \triangle CEA$  をもとにして、同位角または錯角が等しいことを示すことで証明できます。 $BC \parallel AE$  であることを証明しなさい。

(2) 優奈さんは、前ページの**方法2**の直線BCと直線AFが平行になるかどうかを調べるために、次の**図7**をかきました。**図7**の $\triangle ABC$ と $\triangle AEF$ は、それぞれ $CA = CB$ 、 $FA = FE$ で、 $\triangle ABC \equiv \triangle AEF$ です。この図において、優奈さんは $BC \parallel AF$ であることを証明することにしました。

**図7**



$BC \parallel AF$ であることは、次のように証明できます。

### 証明1

$\triangle ABC \equiv \triangle AEF$ より、合同な図形の対応する辺と角はそれぞれ等しいから、

$$AB = AE \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

$$\angle ABC = \angle AEF \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

$\triangle AEF$ において、二等辺三角形の底角は等しいから、

$$\angle EAF = \angle AEF \quad \cdots \cdots \textcircled{3}$$

②、③より、

$$\angle ABC = \angle EAF \quad \cdots \cdots \textcircled{4}$$

また、①より、 $\triangle ABE$ は二等辺三角形である。

二等辺三角形の底角は等しいから、

$$\angle ABE = \angle AEB \quad \cdots \cdots \textcircled{5}$$

$\angle ABE = \angle ABC$ だから、④、⑤より、

$$\angle EAF = \angle AEB$$

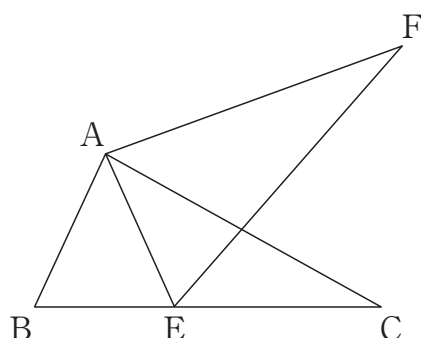
よって、錯角が等しいから、

$$BC \parallel AF$$

次に、優奈さんは、19 ページの図 1 の 2 つの三角形を  $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$  であることは変えずに、二等辺三角形ではない三角形に変えました。この場合も方法 2 でひいた 2 つの直線が平行になるかどうかを確かめたところ、2 つの直線は平行になりませんでした。

なぜ平行にならなくなったのかを調べるために、次の図 8 をかきました。図 8 の  $\triangle ABC$  と  $\triangle AEF$  は二等辺三角形ではなく、 $\triangle ABC \equiv \triangle AEF$  です。

図 8



優奈さんは、図 8 で  $BC \parallel AF$  とならないのは、前ページの証明 1 の①から⑤のどれかが成り立たないからだと考えました。

図 8 のような二等辺三角形ではない合同な 2 つの三角形の場合には、 $\angle EAF = \angle AEB$  とならないため、 $BC \parallel AF$  となりません。このことは、証明 1 をもとに、次のように説明することができます。

二等辺三角形ではない合同な 2 つの三角形の場合には、証明 1 の Ⅰ が成り立たないから、Ⅱ が成り立たない。よって、 $\angle EAF = \angle AEB$  とならないから、 $BC \parallel AF$  とならない。

上の Ⅰ には証明 1 の①、②、③のどれか 1 つが、Ⅱ には証明 1 の④、⑤のどちらか 1 つが当てはまります。Ⅰ、Ⅱ に当てはまるものをそれぞれ書きなさい。